

ARTÍCULO DE INVESTIGACIÓN

Opciones reales para determinar el turno óptimo en sistemas silvopastoriles: análisis de inversión

Real options for determining optimum time systems sylvopastoral: investment analysis

Gastón Milanesi,¹ Diego Ricardo Broz²
y Guillermo Bruno Woitschach³

RESUMEN

El trabajo propone analizar y valorar, desde la perspectiva económica-financiera, el momento óptimo de cosecha en un sistema silvopastoril, utilizando las Opciones Reales (OR) como herramienta para la toma de decisiones estratégicas. Ésta se basa en un proceso estocástico para la proyección de precios, mientras que el Valor Actual Neto (VAN) utiliza una tasa fija en todo el proyecto. Los resultados mediante OR indican talar a los 18 años con un VOR (Valor Opción Real) \$AR 1 088 339 frente a la alternativa VAN de talar a los 11 años y \$AR 511 914.

PALABRAS CLAVE

Flujo de fondos, momento óptimo, opciones reales, rejilla binomial.

ABSTRACT

In this work we assess, from an economic and financial perspective, the optimal time of timber harvest in joint forestry-pasture systems. For this we apply a Real Options (RO) approach as a tool of strategic decision making. It assumes a stochastic process of price projections and is compared with the present value (NPV) computed on the basis of a fixed rate all along the project. The results obtained by means of the RO approach recommend cutting at 18 years with a ROV (Real Options Valuation) of \$AR 1 088 339 (ARG) against the alternative NPV assessment that recommends cutting at 11 years and yields \$AR 511 914.

KEY WORDS

Cash flow, optimal timing, real options, binomial lattice.

- 1 Departamento de Ciencias de la Administración, Universidad Nacional del Sur, CONICET, Bahía Blanca, Argentina. C. e.: milanesi@uns.edu.ar
- 2 Doctorando en Ingeniería, Departamento de Ingeniería, Universidad Nacional del Sur, CONICET, Bahía Blanca, Argentina. C. e.: diego.broz@uns.edu.ar
- 3 Doctorando en Cs. de la Administración, Departamento de Cs. de la Administración, Universidad Nacional del Sur, CONICET, Bahía Blanca, Argentina. C. e.: gwoitschach@facfor.unam.edu.ar

INTRODUCCIÓN

Los sistemas agroforestales o mixtos, específicamente los sistemas silvopastoriles (SSP) están teniendo auge en Argentina debido a la flexibilidad en el flujo económico, permitiendo la generación de ingresos anuales a partir del cuarto año del establecimiento; producto del componente ganadero y del ingreso final del componente forestal (Fassola *et al.*, 2004). Son varios los autores que afirman bondades del SSP. Musálem (2002) menciona que los sistemas pueden estar en zonas fértiles, como también en zonas áridas, mejorando la productividad de estas últimas; Blasco *et al.* (2005) lo plantean como una estrategia económica para combatir el vinal (*Prosopis ruscifolia*) frente a métodos tradicionales; Cerruto *et al.* (2007) plantea que los SSP permiten abatir la erosión en comparación a una pastura degradada, aportando aumento de la viabilidad financiera; para Soares *et al.* (2003) los SSP son una alternativa de diversificación de rentas y recuperación ambiental. Se concluye que los SSP tienen importancia desde el punto de vista económico y ecológico, por ello se requieren herramientas para su gestión como una manera de tomar decisiones óptimas.

En este tipo de inversiones se asocia a la maduración del proyecto con la rotación, éste es un término relacionado con el tiempo que lleva una población en ser cortada (Schneider, 2002), convirtiendo el capital en renta. El mismo autor menciona que la duración de la rotación es definida por la meta técnica de la empresa, siendo los criterios tanto económicos como biológicos. Bettinger *et al.* (2009) enumeran siete tipos de rotación: física, técnica, silvicultural, biológica, por generación de ingresos, económica-financiera y valoración del crecimiento porcentual.

En general, el método empleado para valorar activos reales es el descuento de flujo de fondos (DFF) (Copeland *et al.*,

2000; Pratt y Grabowski, 2008). No obstante, este método no incorpora en el valor los múltiples cursos de acción o flexibilidad estratégica, propios de la vida proyectada e incierta de la inversión en cuestión (Mun, 2005). Valorar la flexibilidad estratégica de una inversión se logra adaptando la Teoría de Opciones para instrumentos financieros (Black y Scholes, 1973; Merton, 1973) a problemas de inversión en activos reales, dando lugar a los modelos de Valoración de Opciones Reales (VOR) (Dixit y Pindyck, 1994; Trigeorgis, 1997). En la literatura financiera el primer modelo corresponde a valorar la opción de crecimiento (Myers, 1977), a partir de este trabajo se han desarrollado diferentes propuestas analíticas para el tratamiento de categorías específicas de opciones. A continuación se enumeran algunos trabajos seminales para cada tipo: a) opción de diferimiento (Mc Donald y Siegel, 1981; Paddock *et al.*, 1988); b) opción de crecimiento (Pindyck, 1988; Trigeorgis, 1988; Smit, 1997); c) opción de abandono (Myers y Majd, 1990); d) opciones de expandir-contrair o extensión de la vida útil (Trigeorgis y Mason, 1987); e) opción de cierre temporario o corte del proceso productivo (Brennan y Schwartz, 1985); f) opción de intercambio (Margrabe, 1978; Kulatilaka, 1988); g) opciones financieras de insolvencia (Mason y Merton, 1985). Si bien los clásicos modelos plantean ecuaciones en diferencia estocástica en tiempo continuo, para el análisis estratégico de activos reales se emplea el método binomial (Cox *et al.*, 1979), utilizando rejillas en lugar de árboles, dada su capacidad de recombinar nodos intermedios (Smith, 2005; Milanesi y Vigier, 2010).

En el campo forestal los pioneros en la aplicación de componentes estocásticos en cosecha fueron Malliaris y Brock (1982), Miller y Voltaire (1983), entre otros. Thomson (1992), así como Yin y Newman (1997) estudiaron el turno óptimo

de cosecha, asumiendo que los precios siguen un movimiento geométrico browniano, estos últimos autores mencionan que los enfoques tradicionales, como la Metodología de Faustmann (Grainger, 1968), se limitan a un mundo determinista.

Para Sant'Anna y Nogueira (2010), la VOR es una herramienta más realista de evaluación que el valor actual neto (VAN), ya que la tasa de descuento permanece inalterable en la vida del proyecto al realizar el análisis. El autor recalca que, en valoraciones de concesiones forestales, la VOR presenta valores significativamente mayores que VAN, esto coincide con Moreira *et al.* (2000), quien menciona que los resultados obtenidos por VOR fueron 140% superiores a los calculados por VAN y más realistas.

Soares *et al.* (2003) mencionan que la tasa de descuento afecta significativamente el VAN, siendo más rentable el proyecto cuanto menor sea la tasa. La tasa de descuento no se elabora mediante un procedimiento cuantitativo riguroso, sino mediante un análisis cualitativo integral, no riguroso o de poca consistencia, condicionado por costo de oportunidad, grado de riesgo del proyecto, costo del dinero, entre otros; afectando directamente en la toma de decisión sobre proyecto. Entre los trabajos que proponen alguna tasa encontramos a Monicault y Delvalle (2009) con una tasa de descuento de 12% obteniendo un VAN de \$AR 9 357 y un turno de 12 años en el estudio de un SSP en la Provincia del Chaco, Argentina; Chidiak *et al.* (2003) plantea un estudio de factibilidad de inversiones forestales en la Patagonia con tasas de 8% a 12%, además menciona que por debajo de 8% el VAN es negativo; Colcombet *et al.* (2010) concluye que un proyecto forestal a 152 km de la industria resiste holgadamente tasas de descuento de 8% anual en la Provincia de Misiones; Fassola *et al.*

(2004) mencionan Ingresos Anuales Equivalentes (IAE) mayores a \$AR 500 con una tasa de 5%, siendo superior el beneficio de los SSP frente a forestación pura, invernada de novillos, maíz y soja.

En este trabajo se plantea la necesidad de aplicar el enfoque de la VOR en el ejercicio de la tala en un sistema de producción mixto forestal-ganadero, comparando cada año, a partir del décimo (madurez tecnológica) hasta el vigésimo (máximo horizonte de planificación), el valor obtenido, producto de la cosecha en los nodos de la rejilla binomial (año t) *versus* el valor actual neto esperado de talar en el próximo año (año $t+1$). La comparación periodo a periodo es relevante porque estos valores se caracterizan por ser cambiantes en función del tiempo y riesgo de las variables. El caso de análisis se corresponde con un escenario forestal simulado y un nivel de producción ganadera acorde con el patrimonio forestal, el cual permitirá determinar la viabilidad económica del proyecto de inversión para el noreste de la República Argentina, mediante la aplicación de la VOR y la comparación con el VAN.

OBJETIVOS

El primero objetivo de este trabajo fue la determinación de la madurez del proyecto de inversión para un sistema de producción mixto forestal-ganadero para el noreste argentino, el cual se corresponde con la determinación del turno óptimo de cosecha mediante la aplicación de VOR. Como segundo objetivo se planteó la comparación de resultados entre un escenario evaluado mediante la VOR y por otro lado el VAN. Como tercer y último objetivo se planteó fundamentar el uso de la VOR como metodología de evaluación económica-financiera de un sistema de producción mixto frente al uso del VAN.

MATERIALES Y MÉTODOS

Valoración del componente forestal en el SSP

Para evaluar el proyecto de inversión, se proyectaron a partir de los años 10 y hasta un horizonte de planificación de 20 años, los ingresos y egresos de cada una de las componentes del sistema para luego aplicar la VOR y el VAN y, consecuentemente, tomar las decisiones estratégicas que generaron mayor beneficio. La evolución de la masa forestal fue obtenida mediante el software Simulador Forestal (Crechi *et al.*, 2005) y la producción ganadera (carga por hectárea) se supuso constante desde el inicio hasta el final del horizonte de planificación.

La volatilidad se estimó a partir de la serie histórica de precios correspondientes a los subproductos de la explotación forestal, considerados estos como cartera de productos y aplicando los conceptos de la Teoría Moderna de la Cartera (TMC) (Markowitz, 1991).⁴ Por otro lado, para el componente ganadero se utilizó solamente la serie histórica, ya que a diferencia del forestal, existe un sólo producto comercial. Para calcular el precio promedio y la variabilidad de la mezcla de subproductos obtenidos, aplicando los conceptos de la TMC, estimando el precio medio se utilizó la ecuación (1), el riesgo del precio es determinado por la ecuación (2).

$$P_0 = \sum_i^n x_i P_i \quad (1)$$

4 La Teoría de la Cartera (Modern Portfolio Theory) es aplicable a todo tipo de carteras de activos. En este caso, el precio promedio de la masa forestal es el promedio ponderado del promedio observado de cada subproducto. La volatilidad es representada por la suma ponderada de los desvíos observados ajustados por la covarianza (correlación) precio correspondiente a la familia de subproductos.

donde:

P_i : precio promedio de cada subproducto

x_i : participación en el total producido

P_0 : precio promedio

$$\sigma_c = \sum_{i=1, j=1}^n x_i^2 \sigma_i^2 + x_j^2 \sigma_j^2 + 2(x_i x_j) \rho_{ij} \sigma_i \sigma_j \quad (2)$$

donde:

σ_c : riesgo del precio de la cartera de productos

x_i y x_j : participaciones de cada subproducto

σ_i^2 y σ_j^2 : varianzas de los precios de los subproductos

σ_i y σ_j : desvíos de los precios

ρ_{ij} : coeficiente de correlación de precios

Usando el precio promedio de la ecuación (2), se calcularon los flujos de fondos libres con la ecuación (3).

$$FF_t = [P_0 \times vol_t] \times (1 - C_t) \times (1 - I) \quad (3)$$

donde:

FF_t : flujos de fondos libres

vol_t : producción esperada en cada periodo del horizonte de planificación obtenido mediante simulación

C_t : porcentaje que representan los costos de producción (variables y de estructura) sobre los ingresos por ventas, calculado mediante la ecuación (4).

I : tasa marginal de impuesto a las ganancias.

La tasa marginal de impuesto a las ganancias I fue de 35%.

$$C_t = \frac{c_t}{[P_0 \times vol_t]} \quad (4)$$

$$VAN_{jt} = FF_t \times e^{-kt} \quad (5)$$

El valor intrínseco de la explotación sin flexibilidad estratégica se estimó con la ecuación (5), siendo su expresión el valor actual de los flujos de fondos derivados de la tala en cada uno de los años, descontados a la tasa ajustada por riesgo sobre inversiones equivalentes.⁵ La estructura de la tasa para mercado emergente, poco diversificado y segmentado (Damodaran, 2002), surgió de ajustar el rendimiento de mercado por la volatilidad total, en este caso dada por el desvío del precio. La ecuación (6) muestra la formulación de la tasa ajustada por riesgo.

$$k = (1 + rm) \times (1 + \sigma_c \sqrt{\Delta t}) \quad (6)$$

donde:

rm : adicional por riesgo de mercado

σ_c : variación del precio

Δt : relación entre T/n , siendo esto la longitud de cada paso del modelo

k : relación porcentual

La proyección del precio de venta promedio de los subproductos forestales sigue un proceso estocástico del tipo Geométrico Browniano. Se trabajó en tiempo discreto y, para la elaboración de una rejilla binomial,⁶ se utilizaron los parámetros del

modelo CRR (Cox *et al.*, 1979) mediante las ecuaciones (7) y (8).

$$u = e^{(\sigma_c \sqrt{t})} \quad (7)$$

$$d = e^{-(\sigma_c \sqrt{t})} \quad (8)$$

Los movimientos de ascenso u y descenso d se calcularon utilizando el desvío de la cartera de precios calculado con la ecuación (2). El precio de cada nodo⁷ padre P_{ij} de la rejilla en $t - 1$ genera los precios ascendentes i y descendentes j en t por medio de la ecuación (9).

$$P_{ij(t)} = [P_{i(t-1)} \times u; P_{j(t-1)} \times d] \quad (9)$$

Una vez proyectado el proceso estocástico del precio por medio de las ecuaciones (7) y (8), se calculó nuevamente el flujo de fondos para cada periodo t y cada nodo (i, j) mediante la ecuación (10).

$$FF_{ij(t)} = [P_{ij(t)} \times vol_t] \times (1 - C_t) \quad (10)$$

Con los flujos de fondos para cada nodo de la rejilla se construyeron las OR, para ello fue necesario definir el precio de ejercicio de la opción. La decisión a que se enfrenta el agente es seleccionar el momento de madurez de la inversión, que se corresponde con la determinación del turno óptimo de cosecha del SSP, para lo cual se debe seguir un criterio de maximización de beneficios, conjugando el factor tiempo y el riesgo que emerge de las variables precio de los subproductos. Los flujos de fondos proyectados en cada

5 La tasa por riesgo equivalente se calcula aplicando los clásicos modelos como el CAPM (*Capital Asset Pricing Model*), APM (*Arbitrage Pricing Model*); MPM (*Multifactor Pricing Model*) y sus adecuaciones a mercados emergentes.

6 Las rejillas binomiales son empleadas debido a su capacidad de recombinar nodos e incorporar las propiedades propias del triángulo de Pascal. Los árboles binomiales explicitan gráficamente el problema de manera más eficiente. No obstante, no permiten recombinar, lo que torna su cálculo computacionalmente más complejo que las rejillas. Si n representa los periodos o intervalos de tiempo, la cantidades de nodos finales de una rejilla es de $n+1$ y de nodos intermedios $n(n+1)/2$. En los árboles binomiales, en cambio, estos valores son $2n-1$ y $2n-1$, respectivamente (Smith, 2005).

7 Los nodos pueden interpretarse como posibles escenarios futuros; a mayor intervalo de tiempo mayor cantidad de nodos debido a la mayor incertidumbre. Así, para el periodo $t = 1$ la cantidad de nodos de la rejilla es de 2 (dos escenarios) mientras que para $t = 10$ la cantidad es 11.

escenario de la rejilla fueron comparados con el valor esperado del próximo año, según la expresión (11).

$$X_{t+1} = \sum_{i=1, j=1}^n FF_{ij(t+1)} \times q_{ij(t+1)} \quad (11)$$

Donde X_{t+1} es el promedio de los flujos de fondos en cada nodo del próximo periodo $FF_{ij(t+1)}$ ponderado por la probabilidad asociada $q_{ij(t+1)}$, siendo las probabilidades asociadas a cada nodo dadas por la ecuación (12).

$$q_{ij(t+1)} = \frac{n!}{m!(n-m)!} \times [p^m \times (1-p)^{n-m}] \quad (12)$$

En este caso, los éxitos m estuvieron dados por los movimientos de ascenso (subas) del precio sobre el total de observaciones n y condicionados por los coeficientes equivalente-ciertos p , estimados con la ecuación (13).

$$p = \frac{(1+r)^{\Delta t} - d}{u - d} \quad (13)$$

Donde r representa la tasa libre de riesgo y los movimientos (u ; d), surgen de las ecuaciones (7) y (8) y Δt se definió en la ecuación (6). El valor esperado $V_{ij(t)}$ surgió de comparar en cada periodo, el valor correspondiente a cada nodo $FF_{ij(t)}$ con el valor esperado en el próximo año; $X_{t+1} \times e^{-r\Delta t}$ matemáticamente el problema se resume en la expresión (14).

$$V_{ij(t)} = \begin{cases} FF_{ij(t)}, & \text{si } FF_{ij(t)} > X_{t+1} \times e^{-r\Delta t} \\ 0, & \text{si no} \end{cases} \quad (14)$$

El valor de la opción en el momento inicial ($t = 0$) requiere de utilizar el procedimiento recursivo sobre la rejilla (Milanesi y

Viger, 2010; Milanesi, 2011) dado en la ecuación (15).

$$V_{0t} = \sum_{i=1, j=1}^n \{V_{ij(t)} \times q_{ij(t)}\} \times e^{-r\Delta t} \quad (15)$$

Siendo V_{0t} el valor actual de la opción de talar en el momento t . El ejercicio de la opción en cada nodo (escenario) en t se expresa por $V_{ij(t)}$. La probabilidad de alcanzar el nodo asociado es $q_{ij(t)}$. El factor de actualización desde el momento (t) hasta el inicio ($t = 0$) es $e^{-r\Delta t}$.

Valoración del componente ganadero en el SSP

El análisis del componente ganadero fue análogo al del componente forestal. La particularidad de este componente es la generación de flujos de cajas anuales, donde hubo egresos por compra de terneros y costos de producción y un ingreso a los doce meses producto de la venta. El VAN se determinó con la ecuación (16)

$$VAN_{gt} = (IG_t - EG_t) \times e^{-kG \times t} \quad (16)$$

donde

- IG_t : ingreso por venta del componente ganadero al final del período t
- EG_t : egresos debido a costos operativos y compra del ganado al inicio de t
- kG : tasa ajustada por riesgo obtenida para el componente ganadero mediante la ecuación (17).

$$kG = (1 + rm) \times (1 + \sigma_g \sqrt{\Delta t}) \quad (17)$$

El precio inicial surgió de aplicar la ecuación (18).

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} \quad (18)$$

donde:

- x_i : observación de precio mensual
- \bar{x} : media de la serie de precios
- n : observaciones.

El riesgo del precio σ_g se obtuvo a partir de la serie de precios mensuales aplicando la ecuación (19)

$$\sigma_g = \sqrt{12 \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N [(x_{i+1} - x_i) / x_i - \bar{x}]^2} \quad (19)$$

donde:

- N : número de observaciones
- $(x_{i+1} - x_i) / x_i$: variación relativa del precio

Para el cálculo de las tasas de ascenso y descenso (u, d) se aplicaron las ecuaciones (7) y (8). Se realizaron las proyecciones de los precios estocásticos mediante la ecuación (9). Se calculó el nuevo flujo de fondo mediante la ecuación (20).

$$FF_{ij(t)} = (P_{ij(t)} \times Q_t) - EG_t \quad (20)$$

En este caso:

- $P_{ij(t)}$: precio promedio
- Q_t : cantidad total (en \overline{kg}) de venta de ganado
- EG_t : egreso

Posteriormente, se calculó la probabilidad para cada nodo mediante la ecuación (12). Se obtuvo el flujo de fondo en función al equivalente cierto (21) que permitiría obtener $V_{ij(t)}$ mediante la ecuación (14).

$$X_t = \sum_{i=1}^n FF_{ij(t)} \times q_{ij(t)} \quad (21)$$

El valor de la opción V_{0t} se obtuvo aplicando la ecuación (15).

Análisis de sistema mediante la vor y el VAN

En esta etapa convergen los resultados con el objeto de un análisis integral del sistema. Para la obtención de un VAN total (VAN_T) se sumó en t los VAN_f y VAN_g , de la misma manera se procede con el VOR total (VOR_T) ya que los valores son aditivos (Rocabert, 2007). En las ecuaciones (22) y (23) se puede ver la expresión matemática.

$$VAN_{Tt} = VAN_{ft} + VAN_{gt} \quad (22)$$

$$VOR_{Tt} = VOR_{ft} + VOR_{gt} \quad (23)$$

El turno óptimo (τ_0) de cosecha forestal en SSP se da cuando $VOR_{\tau(t)} > VOR_{\tau(t+1)}$, su expresión matemática es la (24); mientras que en el caso del VAN, la cosecha se da cuando se obtiene el máximo VAN_{Tt} .

$$VOR_{\tau} = \begin{cases} VOR_{\tau(t)}, & \text{si } VOR_{\tau(t)} > VOR_{\tau(t+1)} \rightarrow \text{Talar} \\ 0, & \text{si no} \rightarrow \text{No Talar} \end{cases} \quad (24)$$

Si el valor de los flujos de fondos libres $FF_{ij(t)}$ supera al valor actual esperado del próximo año $X_{t+1} \times e^{-r\Delta t}$; se ejerce la tala, siendo su valor de $V_{ij} = FF_{ij(t)}$. Caso contrario, si el valor esperado para el próximo año supera los flujos de fondos libres del nodo, el resultado es de $V_{ij} = 0$ difiriendo la tala al año próximo (Plantinga, 1998). La decisión en cuestión se asimila a una opción exótica barrera o *barrier option* (Hull, 2005).

Valoración de un sistema silvopastoril: caso de aplicación

Se propuso analizar el turno óptimo de cosecha de un proyecto de inversión mixto mediante la aplicación de opciones reales a un predio de 39,8 ha sobre el cual se reforestaría con *Pinus taeda* L. La producción

Tabla 1. Egresos e ingresos del componente ganadero para un ciclo de 12 meses.

<i>Compra</i>	94.656
MO	91 000
Alimento y sanidad	20 776
Costo Total	206 432
<i>Ingreso por venta</i>	336 240

Fuente: Elaboración propia. Sistema Integrado de Información Agropecuaria y Subsecretaría de Agricultura. Moneda: \$AR

se estimó mediante la simulación del crecimiento de la masa boscosa. La franja de edad evaluada fue a partir del año 10 ($t = 0$), tomando un horizonte de planificación de 10 años. Los objetivos del cultivo y manejo del rodal estaban alineados con aquellos tendientes a obtener subproductos de alto valor; para ello, los destinos eran la industria de laminado y la industria de aserrío de grandes dimensiones ($\varnothing > 30$ cm); el resto de los subproductos eran para aserrío de menores dimensiones ($\varnothing < 30$ cm) y pulpa celulósica.

En la simulación del manejo de la masa forestal se previó el inicio del ciclo con 1600 plantas por hectárea, 3 intervenciones de aclareos (raleos) con una intensidad de 50% a 55% y periodicidad de 2 años entre intervención, lo que permite obtener madera de alto valor favoreciendo el volumen individual (Crechi *et al.*, 2005). Se planificó la ejecución de podas, que serían realizadas de acuerdo con la obtención de un cilindro defectuoso menor a 12 cm y una altura total de poda de 6,5 m.

La simulación se llevó a cabo mediante el software *Simulador Forestal* (Crechi *et al.*, 2005). Se consideró un índice de sitio de 22 m (edad índice 15) y una densidad final de 190 árboles por hectárea. Los parámetros iniciales (año 10) del bosque fueron: altura media 16,4 m; diámetro medio 29,9 cm; área basal 13,5 m²/ha, un volumen de 108,7 m³/ha y un IDR (Prodan *et al.*, 1997) de 256.

El componente ganadero estuvo constituido por la raza Braford. Se estimó alrededor de 2 animales por hectárea requiriendo un total de 80 individuos con un peso inicial de aproximadamente 120 kg y un precio de compra de \$AR 9,86/kg, el peso final para comercialización se estipula en 450 kg y un precio de venta de \$AR 9,34/kg. El manejo correspondió al tipo invernada con un ciclo de 12 meses. Los costos e ingresos se detallan en la tabla 1.

RESULTADOS

Estimación de los flujos de fondos

El precio promedio inicial surgió de aplicar la ecuación (1), arrojando un valor de \$AR 189 por tonelada y aplicando la ecuación (17) un valor de \$AR 6,16/kg de peso vivo para el periodo $t = 0$. Para el riesgo de precio forestal se aplicó la ecuación (2), utilizando cuatro series históricas de precios correspondientes a cuatro clases diamétricas;⁸ para el riesgo de precio ganadero se aplicó la ecuación (19), utilizando una serie de precios históricos de ganado en pie⁹, los valores obtenidos para

8 Fuente: Colegio de Ingenieros Forestales de Misiones (COIFORM). Datos mensuales para el Norte de la Provincia de Misiones entre los períodos julio de 2002 a diciembre de 2011.

9 Fuente: Sistema Integrado de Información Agropecuaria y Subsecretaría de Agricultura. Datos

Tabla 2. Valor Actual Neto del sistema entre el año 10 y 20, en gris se señala el turno.

Año	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
VAN Forestal	378 224	382 106	360 674	324 062	283 374	241 659	202 137	167 139	136 462	110 395	88 657
VAN Ganadero	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808	129 808
VAN Total	508 032	511 914	490 482	453 870	413 182	371 468	331 946	296 947	266 270	240 203	218 466

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

la cartera de subproductos forestales (σ_s) fueron de 13,57% y 38,3% (σ_g) para el componente ganadero.

Descuento de flujos de fondos

Empleando los flujos de fondos se determinó el valor actual de las potenciales talas (ecuación (5)). La tasa ajustada por riesgo (ecuación (6)) fue de 28,39%¹⁰ para el componente forestal y 34,58%¹¹ para el componente ganadero. Debido al crecimiento de la masa forestal, los mayores flujos de fondos se obtuvieron en el último periodo. Por la sensibilidad de los beneficios al factor de actualización, el criterio del descuento de flujos de fondos indicó que el mayor valor actual se produjo en el instante $t = 1$ (año 11), el resultado sugiere que la tala se realice de manera inminente con un VAN de \$AR 511 914. En la tabla 2 se puede ver la evolución del VAN en el horizonte analizado. Se aprecia que el turno de cosecha del componente forestal en forma independiente es igual al turno analizado como sistema.

Opciones reales

Para la construcción del proceso estocástico de la variable de riesgo a los flujos de

fondos se incorporó el riesgo de precio. Conforme fue expresado, este ascendió a 13,57% y 38,30% para el componente forestal y ganadero, respectivamente. El movimiento de ascenso y descenso, calculado mediante las ecuaciones (7) y (8), fue de $u = 1,1453$ y $d = 0,8731$ para el componente forestal y $u = 1,4667$ y $d = 0,6818$ para el componente ganadero. Para la construcción de la rejilla se aplicó la ecuación (10) y se estimaron los flujos de fondos mediante la ecuación (11). Mediante la ecuación (13), se determinaron las probabilidades binomiales para cada nodo siendo el precio de ejercicio determinado con la ecuación (12).

Los coeficientes equivalentes ciertos (ecuación (13)) para el componente forestal fueron $p = 0,6545$ y $1-p = 0,3455$ y para el componente ganadero $p = 0,4707$ y $1-p = 0,5293$. Conforme fue expuesto, se acepta la tala (o madurez de la inversión) en el nodo proyectado si los flujos de fondos (ecuación (10)) superan al valor actual esperado en el próximo ejercicio (ecuación (11)). Para estimar el valor actual, el precio de ejercicio se actualizó al tipo sin riesgo, Milanesi *et al.* (2012) sugiere una tasa $r = 5\%$ para la Argentina. Para este cálculo se aplica la ecuación (14).

Para estimar el periodo conveniente para la tala desde el punto de vista económico-financiero, la información de la rejilla se resumió en una medida de valor esperado (ecuación (15)). Los diferentes resultados obtenidos en cada nodo, deben ponderarse por sus probabilidades de ocurrencia (ecuación (12)), obteniendo de esta manera el valor del ejercicio (tala). Para llevarlos al mismo horizonte tempo-

- 10 mensuales para la Provincia de Misiones entre los períodos julio de 2008 a diciembre de 2011. Para ello se supuso un rendimiento de mercado de 25% (suponiendo nivel esperado de inflación).
- 11 Para ello se supuso un rendimiento de mercado de 25% (suponiendo nivel esperado de inflación).

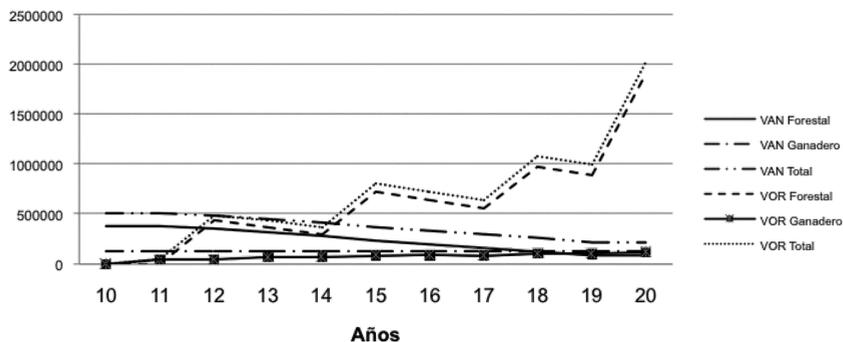


Figura 1. Comparación de la evolución del VAN y VOR por subsistema y total en \$AR

ral, se actualizó por el factor libre de riesgo (r). De la tabla 3 a la tabla 12, se pueden ver los principales pasos para el desarrollo de la metodología para cada componente del sistema, mientras que en la tabla 13 se integran los resultados de las componentes del sistema para obtener un análisis integral. La decisión en juego en el último periodo se balanceó entre talar o abandonar, puesto que no había camino estratégico alternativo (venta o diferimiento).

A diferencia del criterio tradicional, el enfoque de opciones reales incorpora variables estocásticas (riesgo de precio) y la flexibilidad estratégica del ejercicio de talar. Entre los periodos $t = 0$ hasta $t = 9$, el máximo valor de ejercicio de la tala surgió en el periodo $t = 8$ (año 18) con una vor de \$AR 1 088 339.

Estos resultados difieren del criterio tradicional de descuento de flujo de fondos en más de 100%.

Tabla 3. Proyección de precios promedios del componente forestal.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
189	216,6	248,1	284,2	325,5	372,8	426,9	489,0	560,0	641,4	734,6
	165,2	189,2	216,6	248,1	284,2	325,5	372,8	426,9	489,0	560,0
		144,2	165,2	189,2	216,6	248,1	284,2	325,5	372,8	426,9
			125,9	144,2	165,2	189,2	216,6	248,1	284,2	325,5
				109,9	125,9	144,2	165,2	189,2	216,6	248,1
					96,0	109,9	125,9	144,2	165,2	189,2
						83,8	96,0	109,9	125,9	144,2
							73,2	83,8	96,0	109,9
								64	73,2	83,8
									55,8	63,9
										48,7
Precio Promedio: ecuaciones (1) y (9).										

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 4. Flujo de fondos libres del componente forestal.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
581 883	837 539	1 153 997	1 538 143	2 005 086	2 566 176	3 234 572	4 033 541	4 979 071	6 097 691	7 416 481
	638 486	879 733	1 172 581	1 528 549	1 956 287	2 465 829	3 074 912	3 795 723	4 648 486	5 653 847
		670 652	893 900	1 165 267	1 491 347	1 879 789	2 344 114	2 893 614	3 543 706	4 310 129
			681 452	888 324	1 136 907	1 433 030	1 787 002	2 205 905	2 701 493	3 285 764
				677 201	866 705	1 092 450	1 362 295	1 681 640	2 059 444	2 504 855
					660 720	832 813	1 038 526	1 281 974	1 569 987	1 909 540
						634 883	791 705	977 294	1 196 857	1 455 710
							603 545	745 026	912 407	1 109 739
								567 960	695 560	845 994
									530 250	644 931
Flujo de Fondo: ecuación (10)										491 654

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 5. Probabilidades asociadas a cada nodo

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
100,00%	65,45%	42,84%	28,04%	18,35%	12,01%	7,86%	5,14%	3,37%	2,20%	1,44%
	34,55%	45,23%	44,40%	38,75%	31,70%	24,90%	19,01%	14,22%	10,47%	7,61%
	100,00%	11,94%	23,44%	30,68%	33,47%	32,86%	30,11%	26,27%	22,11%	18,09%
		100,00%	4,12%	10,80%	17,67%	23,13%	26,49%	27,74%	27,23%	25,46%
			100,00%	1,43%	4,66%	9,16%	13,98%	18,30%	21,56%	23,52%
				100,00%	0,49%	1,93%	4,43%	7,73%	11,38%	14,90%
					100,00%	0,17%	0,78%	2,04%	4,01%	6,56%
						100,00%	0,06%	0,31%	0,91%	1,98%
							100,00%	0,02%	0,12%	0,39%
								100,00%	0,01%	0,05%
									100,00%	0,00%
Probabilidades: ecuación (13)										100,00%

Fuente: Elaboración propia

Tabla 6. Comparación del valor correspondiente a cada nodo ($FF_{ij(t)}$) con el valor esperado en el próximo año ($X_{t+1} \times e^{-r\Delta t}$)

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
581 883	768 763	972 255	1 189 488	1 423 280	1 671 958	1 934 388	2 214 120	2 508 712	2 820 042	3 148 299
-	-	1 153 997	1 538 143	2 005 086	2 566 176	3 234 572	4 033 541	4 979 071	6 097 691	7 416 481
		-	-	-	1 956 287	2 465 829	3 074 912	3 795 723	4 648 486	5 653 847
			-	-	-	-	-	2 893 614	3 543 706	4 310 129
				-	-	-	-	-	-	3 285 764
					-	-	-	-	-	2 504 855
						-	-	-	-	1 909 540
							-	-	-	1 455 710
								-	-	1 109 739
									-	845 994
										644 931
Comparación de cada periodo: ecuación (14)										-

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 7. Valor de la Opción Real para el componente forestal

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
-	-	494 319	431 222	367 908	308 173	254 229	207 490	167 633	134 363	106 958
	-	-	-	-	620 115	613 883	584 525	539 708	486 664	430 448
		-	-	-	-	-	-	760 212	783 426	779 546
			-	-	-	-	-	-	-	836 601
				-	-	-	-	-	-	589 203
					-	-	-	-	-	284 547
						-	-	-	-	95 429
							-	-	-	21 946
								-	-	3 312
									-	296
										-
-	-	447 279	371 156	301 218	722 951	643 113	558 124	983 730	895 519	1 909 532
Valor de la opción: ecuación (15)										

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 8. Proyección de precios promedios del componente ganadero

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
6,16	9,04	13,26	19,45	28,52	41,83	61,35	89,98	131,98	193,57	283,90
	4,20	6,16	9,04	13,26	19,45	28,52	41,83	61,35	89,98	131,98
		2,87	4,20	6,16	9,04	13,26	19,45	28,52	41,83	61,35
			1,95	2,87	4,20	6,16	9,04	13,26	19,45	28,52
				1,33	1,95	2,87	4,20	6,16	9,04	13,26
					0,91	1,33	1,95	2,87	4,20	6,16
						0,62	0,91	1,33	1,95	2,87
							0,42	0,62	0,91	1,33
								0,29	0,42	0,62
									0,20	0,29
										0,13
Precio Promedio: ecuaciones (18) y (19)										

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 9. Flujo de fondos libres del componente ganadero

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
15 448	118 995	270 864	493 608	820 301	1 299 454	2 002 218	3 032 946	4 544 693	6 761 939	10 013 924
	-55 151	15 448	118 995	270 864	493 608	820 301	1 299 454	2 002 218	3 032 946	4 544 693
		-103 287	-55 151	15 448	118 995	270 864	493 608	820 301	1 299 454	2 002 218
			-136 106	-103 287	-55 151	15 448	118 995	270 864	493 608	820 301
				-158 483	-136 106	-103 287	-55 151	15 448	118 995	270 864
					-173 740	-158 483	-136 106	-103 287	-55 151	15 448
						-184 142	-173 740	-158 483	-136 106	-103 287
							-191 234	-184 142	-173 740	-158 483
								-196 070	-191 234	-184 142
									-199 367	-196 070
										-201 615
Flujo de Fondo: ecuación (20)										

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Tabla 13. Valor Opción Real del sistema entre el año 10 y 20, en gris se señala el turno

Año	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
VOR Forestal	-	-	447 279	371 156	301 218	722 951	643 113	558 124	983 730	895 519	1 909 532
VOR Ganadero	-	44 464	45 889	68 382	70 531	86 907	89 240	84 290	104 609	100 760	117 660
VOR Total	-	44 464	493 168	439 548	371 749	809 858	732 353	642 414	1 088 339	996 279	2 027 193

Fuente: Elaboración propia. Moneda: \$AR

Además, el riesgo en el modelo VAN se incorporó íntegramente en el factor de actualización y los periodos fueron tratados sin flexibilidad alguna (solamente tala) y el resultado se encontró en parte influenciado por el impacto de la tasa ajustada por riesgo en el flujo de fondos esperado estático. En la figura 1 se expone el perfil de beneficios en ambos enfoques.

DISCUSIÓN

Se expuso un modelo alternativo al clásico método de descuento de flujos de fondos, para estimar la conveniencia económica-financiera y temporal de ejercer la opción de talar una masa forestal sujeta a un manejo silvopastoril, siendo esto correspondiente con la madurez del proyecto de inversión. Se propone aplicar la teoría de opciones reales para incorporar en el marco de decisión la posibilidad de diferir la tala y tomar en cuenta el proceso aleatorio del precio. La decisión consiste en comparar cada escenario proyectado *versus* el valor actual promedio de los escenarios del próximo ejercicio conforme a Plantinga (1998); en términos de opción financiera la decisión se asemeja a una *barrier option* del tipo *knock-in*.

En el caso analizado, el método de descuento de flujos de fondos sugiere talar en el año 11 obteniéndose un VAN de \$AR 511 914 y utilizando una tasa ajustada por riesgo (k) de 28,39%¹² siendo

muy superior a las planteadas por Monicault y Delvalle (2009) y Fassola *et al.* (2004) los cuales no mencionan el criterio de selección y adicional por riesgo de mercado utilizado en el cálculo.

El resultado se debió a la alta sensibilidad negativa de los flujos al factor de descuento, reafirmando lo mencionado por Soares *et al.* (2005), además de que la variable precio se supuso constante en todo el periodo de proyección.

La aplicación del método de opciones reales, por el contrario, sugiere que el máximo valor se obtiene en el último periodo. Descartada esta opción, que no posee flexibilidad, el segundo momento óptimo se encontró en el año 18 con un ingreso con una VOR \$AR 1 101 944, siendo superior al VAN en más de 100% ya que el mismo no permite el desarrollo futuro del bosque.

Estos valores coinciden con lo afirmado por Sant'Anna y Nogueira (2010) y Moreira *et al.* (2000). Además, se observó que la componente ganadera en el sistema no altera la decisión de tala ya que en forma independiente (sólo componente forestal) o como sistema se obtuvo el turno óptimo en el año 18.

CONCLUSIONES

Desde el punto de vista económico-financiero el enfoque de OR presenta importantes ventajas en contraposición al clásico VAN debido a su robustez, ya que incorpora flexibilidad estratégica y comporta-

12 Metodología CAPM (*Capital Asset Pricing Model*).

miento estocástico de los precios con base en series históricas; de esta manera elimina el uso de la tasa ajustada por riesgo.

Esta cuestión no se tiene en cuenta en el VAN, siendo la tasa ajustada por riesgo constante en la vida del proyecto, por lo cual supone un escenario constante en todo el horizonte de planificación, siendo esto un enfoque muy limitado, en especial tratándose de proyectos forestales, dado que presentan horizontes temporales extensos.

REFERENCIAS

- Bettinger, P., K. Boston, J.P. Siry y D.L. Grebner. 2009. Forest management and planning. 1a. ed. Academic Press, California. 360 p.
- Black, F. y M. Scholes. 1973. The pricing of options and corporate liabilities. *Journal of Political Economy* 81(3):637-659.
- Blasco, C., S. Careno y E. Astrada. 2005. Evaluación de un sistema silvopastoril sobre vinales en Formosa, Argentina. *Revista Iberoamericana de Economía Ecológica* 2(1):57-68.
- Brennan, M. y E. Schwartz. 1985. A new approach to evaluating natural resource investment. *Midland Corporate Financial Journal* 1(3):37-47.
- Cerruto R., C. Leite, J. Gonçalves y M. Lopez da Silva. 2007. Estimativa do abatimento de erosão aportado por um sistema agrossilvopastoril e sua contribuição econômica. *Revista Árvore* 31(2):285-293.
- Chidiak, M., A. Moreyra y C. Greco. 2003. Captura de carbono y desarrollo forestal sustentable en la Patagonia Argentina: Sinergias y Desafíos. Documento CENIT-CEPAL-UDESA. 136 p.
- URL:<http://www.territorioscentroamericanos.org/ecoagricultura/Documents/capturadecarbonoydesarrolloforestal.pdf> (último acceso 08/08/2013).
- Colcombet, L., E. Crechi, A. Keller, N. Pachas, H. Fassola, S. Lacorte y J. Esquivel. 2010. Comparación preliminar de resultados financieros y económicos de proyectos forestales, ganaderos y silvopastoriles en Misiones. Acta 14^{as} Jornadas Técnicas Forestales y Ambientales. UNAM - EEA Montecarlo, INTA. 86 p.
- Copeland, T., T. Koller y J. Murrin. 2000. Valuation: measuring and managing the value of companies. 3^a ed. Wiley. Nueva York. 490 p.
- Cox, J., S. Ross y M. Rubinstein. 1979. Option pricing: a simplified approach. *Journal of Financial Economics* 7(3):229-263.
- Crechi, E., R. Fernández, A. Friedl y J. Falher. 2005. Efectos de raleo en *Pinus taeda*, Norte Misionero. *Revista Idia* 11(8):41-45.
- Crechi, E., H. Fassola y A. Friedl. 2005. Simulador Forestal. *Revista Idia* 11(8):46-50.
- Damodaran, A. 2002. Investment Valuation. 2^a ed. Wiley. Nueva York. 992 p.
- Dixit, A. y R. Pindyck. 1994. Investment under uncertainty. 1^a ed. Princeton University Press. Nueva Jersey. 476 p.
- Fassola, H., S. Lacorte, J. Esquivel, F. Colcombet, F. Moscovich, E. Crechi, N. Pachas y A. Keller. 2004. Sistemas silvopastoriles en Misiones y NE

- de Corrientes y su entorno de negocio. Directorio de información Instituto Nacional del Tecnología Agropecuaria (INTA).
- URL:*<http://anterior.inta.gov.ar/montecarlo/info/documentos/forestales/sistsilvopastoril.PDF> (último acceso 08/08/2013).
- Grainger, M. 1968. Problems affecting the use of Faustmann's formula as a valuation tool. *New Zealand Journal of Forestry* (1968) 13(2):168-183.
- Hull, J. 2005. *Futures, options and other derivatives*. 6ª ed. Prentice Hall. Nueva Jersey. 816 p.
- Kulatilaka, N. 1988. Valuing the flexibility of flexible manufacturing systems. *IEEE Transactions in Engineering Management* 35(4):250-257.
- Malliari, A. G. y W.A. Brock. 1982. *Stochastic methods in economics and finance*. 1ª ed. Holanda del Norte, Amsterdam. 317 p.
- Margrabe, W. 1978. The value of an option to exchange one asset for another. *Journal of Finance* 33(1):177-186.
- Markowitz, H. 1991. *Portfolio selection: efficient diversification of investments*. 2ª ed. Blackwell Publishers. Cambridge, Massachusetts. 384 p.
- Mason, S. y R. Merton. 1985. The Role of contingent claims analysis in corporate finance. Division of Research, Graduate School of Business Administration, Harvard University. *Home-wood Irwin*, Nueva York. 65 p.
- Mc Donald, R. y D. Siegel. 1981. Option pricing when the underlying asset is non-stored. Discussion Papers number 512. Center for Mathematical Studies in Economics and Management Science, Northwestern University. Evanston, Illinois. 12 p.
- Merton, R. 1973. The theory of rational options pricing. *The Bell Journal of Economics and Management Science* 4(1):141-183.
- Miller, R. A. y K. Voltaire. 1983. A stochastic analysis of the tree paradigm. *Journal of Economic Dynamics & Control* 6(1):371-386.
- Milanesi, G. y H. Vigier. 2010. Árboles de decisión, opciones reales y enfoque integrado en mercados completos e incompletos. *Anales Asociación Argentina de Economía Política*. Buenos Aires. p:1-30.
- Milanesi, G. 2011. *Opciones reales: teoría y casos prácticos*. 1ª ed. Induvio, Buenos Aires. 156 p.
- Milanesi, G., G. Woitschach y D. Broz. (2012). Aplicación de la teoría de opciones reales a la determinación del momento óptimo de cosecha forestal. *Rev. FCA UNCUYO*. 44(2):65-78.
- Monicault, L. A. y P. Delvalle. 2009. Evaluación Económico-Financiero de un Sistema Silvopastoril (SSP). Documento técnico INTA online. *URL:*<http://inta.gov.ar/documentos/evaluacion-economico2013financiero-de-un-sistema-silvopastoril-ssp/> (último acceso 08/08/2013).
- Moreira A., E. Reis, K. Rocha y L. Carvalho. 2000. A valoração das concessões nas florestas nacionais da Amazônia: uma abordagem com

- opções reais. Pesquisa e Planejamento Econômico 30(3):327-354.
- Mun, J. 2005. Real options analysis: tools and techniques for valuing strategic investment and decisions. 2ª ed. Wiley. Nueva York. 704 p.
- Musálem, M.A. 2002. Sistemas agrosivo-pastoriles: una alternativa de desarrollo rural sustentable para el trópico mexicano. Revista Chapingo 8(2):91-100.
- Myers, S. y S. Majd. 1990. Abandonment value and project life. Advances in Futures and Options Research 4:1-21.
- Myers, S. 1977. Determinants of corporate borrowing. Journal of Financial Economics 5(2):147-175.
- Paddock, J., D. Siegel y J. Smith. 1988. Option valuation of claims on physical assets: the case of Offshore Petroleum Lease. Quarterly Journal of Economics 103(3):479-508.
- Pindyck, R. 1988. Irreversible investment, capacity choice and the value of the firm. American Economic Review 78(5):969-985.
- Plantinga, A. 1998. The optimal timber rotation: an option value approach. Forest Science, Society of American Foresters 44(2):192-202.
- Pratt, S. y R. Grabowski. 2008. Cost of capital: applications and examples. 3ª ed. John Wiley & Sons Nueva Jersey. 778 p.
- Prodan, M., R. Peters, F. Cox y P. Real. 1997. Mensura Forestal. 1ª ed. Costa Rica. Instituto Interamericano para la Agricultura - Gesellschaft für Zusammenarbeit (IICA-GTZ). 511 p.
- Rocabert, J. (2007). Los criterios valor actual neto y tasa interna de rendimiento. Revista electrónica sobre la enseñanza de la Economía Pública 2(1):1-11.
- Sant'Anna, A. y J. Nogueira. 2010. Valoração econômica dos serviços ambientais de florestas nacionais. Revista de Administração e Negócios da Amazônia 2(1):82-108.
- Schneider, P. 2002. Manejo florestal: planejamento da produção florestal. Santa María, Universidade Federal de Santa María, Centro de Ciências Rurais, Departamento de Ciências Florestais. 492 p.
- Smit, H. 1997. Investment analysis of offshore concessions in The Netherlands. Financial Management 26(2):5-17.
- Smith, J. 2005. Alternative approach for solving real options problems. Decision Analysis 2(2):89-102.
- Soares, T.S., R. M. Carvalho, A. Bartolomeu do Vale. 2003. Avaliação econômica de um povoamento de Eucalyptus grandis destinado a multiprodutos. Revista Árvore. 27(5): 689-694.
- Thomson, T.A. 1992. Optimal forest rotation when stumpage prices follow a diffusion process. Land Economics 68(3):329-342.
- Trigeorgis, L. y S. Mason. 1987. Valuing Managerial Flexibility. Midland Corporate Finance Journal 5(1):14-21.
- Trigeorgis, L. 1988. A conceptual options framework for capital budgeting. Advances in Futures and Options Research 4(3):145-167.

Trigeorgis, L. 1997. Real options: managerial flexibility and strategy in resource allocations. 2^a ed. MIT Press, Cambridge. 427 p.

Yin, R. y D. Newman. 1997. When to cut a stand of trees? *Natural Resource Modeling* 10(3):251-261.

Manuscrito recibido el 8 de abril de 2012.

Aceptado el 8 de agosto de 2013.

Este documento se debe citar como:

Milanesi, G., D.R. Broz y G.B. Woitschach. 2013. Opciones reales para determinar el turno óptimo en sistemas silvopastoriles: análisis de inversión. *Madera y Bosques* 19(3):81-98.